

A tetraéder térfogatát kétféleképpen írjuk fel, s ebből fogjuk a kívánt  $m$  testmagasságot kiszámítani.

$$V = \frac{\frac{9 \cdot 16}{2} \cdot 12}{3} = \frac{T_{DBC\Delta} \cdot m}{3}.$$

A  $D$  csúcsból kiinduló élek három derékszögű háromszöget alkotnak, ezek átfogói:

$$BA = \sqrt{9^2 + 12^2} = 15, \quad AC = \sqrt{12^2 + 16^2} = 20, \quad BC = \sqrt{9^2 + 16^2} = \sqrt{337}.$$

Az  $ABC$  háromszög területét a  $T = \frac{bc \sin \alpha}{2}$  képlettel számíthatjuk ki. Ehhez először a három oldal ismeretében felírjuk a koszinusztételt:

$$\cos \alpha = \frac{400 + 225 - 337}{2 \cdot 20 \cdot 15} = \frac{12}{25},$$

ebből  $\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \frac{\sqrt{481}}{25}$ . Így

$$V = \frac{\frac{9 \cdot 16}{2} \cdot 12}{3} = \frac{15 \cdot 20 \cdot \frac{\sqrt{481}}{25} \cdot m}{3},$$

ahonnan

$$m = \frac{9 \cdot 8 \cdot 12 \cdot 25}{15 \cdot 10 \cdot \sqrt{481}} = \frac{144}{\sqrt{481}} \approx 6,5658 \text{ cm.}$$

