

Toljuk el a metsző síkot párhuzamosan úgy, hogy a metszetháromszög A csúcsa az alapháromszög egyik csúcsába essen. Tegyük fel, hogy A a derékszögű csúcs (1. ábra).

A tengelyes szimmetria miatt a hasáb másik két élét a metsző sík ugyanolyan magasságban metszi: $BE = CD$.

Ebből következik, hogy $DE \parallel CB = 1$. Ekkor az AEB derékszögű háromszögben $AE > AB = 1$. Mivel az ADE háromszög ugyancsak derékszögű, $DE = 1 > AE > 1$, ellentmondás.

D és E tehát nem lehet az ABC síktól egyenlő távolságra.

Legyen $CD = x$, $BE = y$, ahol $y > x$ (2. ábra).

Az $ADC\Delta$ -ból

$$(1) \quad \begin{aligned} AD &= \sqrt{1+x^2}, \text{ hasonlóan} \\ AE &= \sqrt{1+y^2}; \end{aligned}$$

$y > x$ miatt $AE > AD$; azaz a derékszög a D csúcsnál van, és így

$$(2) \quad AD = AE = \frac{1}{\sqrt{2}}AE.$$

A DEF háromszögből:

$$ED = \sqrt{1+(y-x)^2} \text{ azaz } \sqrt{1+(y-x)^2} = \sqrt{1+x^2},$$

ahonnan

$$(y-x)^2 = x^2, \text{ s mivel } y-x > 0, \text{ azért}$$

Behelyettesítve (1)-be és (2)-be

$$\frac{1}{\sqrt{2}}\sqrt{1+4x^2} = \sqrt{1+x^2},$$

ahonnan $x^2 = \frac{1}{2}$, $AD = \sqrt{\frac{3}{2}}$ és $AE = \sqrt{3}$.

