

Jelölje  $D$  a tárcsa átmérőjét,  $\delta$  a szalag vastagságát. Egy fordulat során a tekercs átmérője  $2\delta$ -val növekszik, így a  $k$ -adik fordulat során feltekeredő szalagrész  $h_k$  hosszára:

$$(D + 2(k - 1)\delta)\pi < h_k < (D + 2k\delta)\pi.$$

Ha  $n$  az a legkisebb fordulatszám, amely a szalag feltekeréséhez szükséges, akkor

$$h_1 + h_2 + \dots + h_n > 90000 \text{ mm} > h_1 + h_2 + \dots + h_{n-1};$$

ezért

$$\sum_{k=1}^n (D + 2k\delta)\pi > h_1 + \dots + h_n > 90000 > h_1 + \dots + h_{n-1} > \sum_{k=1}^{n-1} (D + 2(k - 1)\delta)\pi.$$

A becslésekben szereplő két számtani sor összege kiszámítva:

$$\frac{(2D + (2n + 2)\delta)\pi n}{2} > 90000 > \frac{(2D + (2n - 2)\delta)\pi(n - 1)}{2},$$

azaz

$$(D + (n + 1)\delta)n > \frac{90000}{\pi} > (D + (n - 1)\delta)(n - 1).$$

A  $\pi$ ,  $D$  és  $\delta$  értékeit beírva, a következő két egyenlőtlenséget kapjuk  $n$ -re:

$$0,018n^2 + 22,018n - 28648,643 > 0 \quad \text{és} \quad 0,018n^2 + 21,964n - 28670,625 < 0.$$

E két egyenlőtlenségnek a pozitív számok közül pontosan azok az  $n$ -ek tesznek eleget, melyekre

$$790,40867 < n < 791,69061.$$

Tehát a szalag 791 fordulattal tekeredik fel a tárcsára.