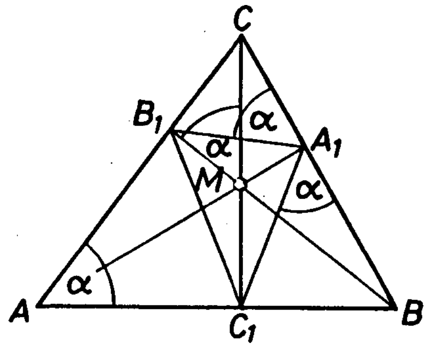
Az ABC háromszögben legyen $\alpha = 60°$, $\beta = 59,5°$, $\gamma = 60,5°$, a $H_1 = A_1B_1C_1$ talpponti háromszögben A_1 az A, B_1 a B, C_1 a C magasságvonal talppontja és M a magasságpont.



Könnyen látható, hogy az A_1MC_1B, B_1MA_1C, C_1MB_1A négyszögek húrnégyszögek, mindegyikben $2-2$ szemben fekvő szög derékszög. (Tudjuk, hogy az ABC háromszög hegyesszögű és M a háromszög belsejében van, ezt ki is használjuk a bizonyítás során.)

Az AB_1MC_1 húrnégyszög voltából következik, hogy $B_1MC\sphericalangle = B_1AC_1\sphericalangle = \alpha$, a B_1MA_1C húrnégyszögben $B_1A_1C\sphericalangle = B_1MC\sphericalangle = \alpha$, ugyanazon ívhez tartozó kerületi szögek; hasonlóan $C_1A_1B\sphericalangle = \alpha$. Ebből következik, hogy a H_1 talpponti háromszögben $B_1A_1C_1\sphericalangle = 180° - 2\alpha$. Mivel a háromszögben nincs kitüntetett csúcs vagy oldal, ezért ugyanígy $C_1B_1A_1\sphericalangle = 180° - 2\beta$ és $A_1C_1B_1\sphericalangle = 180 - 2\gamma$.

A talpponti háromszögek szögeire tehát a következő sorozatot kapjuk:
H_1-ben $\alpha_1 = 180° - 2 \cdot 60° = 60°$, $\beta_1 = 180° - 2 \cdot 59,5° = 61°$, $\gamma_1 = 180° - 2 \cdot 60,5° = 59°$ és így tovább, a $H_2, H_3, \ldots$ talpponti háromszögekben az egyik szög mindig $60°$, a másik két szögre

$$H_2: \quad \beta_2 = 58°, \ \gamma_2 = 62°, \qquad H_3: \quad \beta_3 = 64°, \ \gamma_3 = 56°,$$

$$H_4: \quad \beta_4 = 52°, \ \gamma_4 = 68°, \qquad H_5: \quad \beta_5 = 76°, \ \gamma_5 = 44°,$$

$$H_6: \quad \beta_6 = 28°, \ \gamma_6 = 92°.$$

Tehát a hatodik talpponti háromszög az első tompaszögű háromszög a sorozatban.