

A  $\operatorname{tg} x = \frac{\sin x}{\cos x}$  összefüggés alapján a következő, az eredetivel ekvivalens egyenlethez jutunk:

$$\sin x = \cos^2 x \quad \left( x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi, k \text{ tetszőleges egész szám} \right),$$

vagy a  $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$  azonosság alkalmazásával

$$\sin^2 x + \sin x - 1 = 0.$$

Ebből  $\sin x$  lehetséges értékei:  $(\sin x)_{1,2} = \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}$ .  $|\sin x| \leq 1$  miatt csak  $\sin x = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$  felel meg. Mivel  $\cos^2 x =$

$\sin x$ ,  $\cos x = \pm \sqrt{\frac{\sqrt{5}-1}{2}}$ . Ezek egyúttal a keresett  $\operatorname{tg} x$  értékek is. Eredményünk azt jelenti, hogy ha  $\operatorname{tg} x = \cos x$ ,

akkor  $\operatorname{tg} x = \sqrt{\frac{\sqrt{5}-1}{2}}$ , vagy  $\operatorname{tg} x = -\sqrt{\frac{\sqrt{5}-1}{2}}$ , de nem jelenti azt, hogy ha  $\operatorname{tg} x$  egyenlő a fenti értékek valamelyikével, akkor  $\operatorname{tg} x = \cos x$  (csupán annyit állíthatunk, hogy ekkor  $\cos x = \pm \operatorname{tg} x$ ).