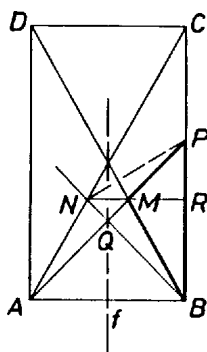
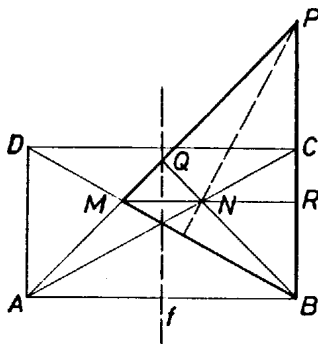


Jelöljük az  $MN$  és  $CB$  egyenesek metszéspontját  $R$ -el,  $BN$  és  $AM$  metszéspontját  $Q$ -val. Bebizonyítjuk, hogy  $MR$ , ill.  $BQ$  az  $MPB$  háromszög két magasságvonala.



Tudjuk, hogy  $MR \parallel AB$ , s ezért  $MR \perp BP$ . Húzzuk meg az  $AB$  szakasz  $f$  felezőmerőlegesét. Az  $A$  pont  $f$ -re vonatkozó tükörképe  $B$ .  $MN \perp BC$ , s így  $MN \perp f$ .  $N$  rajta van az  $AC$  átlón, így tükörképe rajta kell, hogy legyen  $AC$  képén,  $BD$ -n. A tengelyes tükrözés tulajdonságaiból következik, hogy  $N$  tükörképe  $M$ . Mivel  $\angle MAB = \angle NBA = 45^\circ$ , azért  $\angle AQB = 90^\circ$ . Tehát  $BQ$  és  $MR$  valóban magasságvonalak, így  $N$  magasságpont, s ebből már következik, hogy  $NP$  a harmadik magasságvonal, s ezért merőleges  $BD$ -re.

A bizonyítás során a pontok helyzetére semmi megkötést nem tettünk, ezért állításunk egyaránt igaz, ha  $P$  a  $BC$  oldalszakaszra vagy az oldal egyenesére esik.