

Az egészrész függvény értelmezése szerint minden valós x számra

$$(1) \quad x = [x] + \{x\}.$$

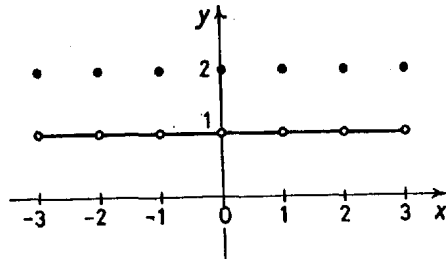
Ha x egész, akkor $1 - x$ is egész, így $[x] + [1 - x] + 1 = x + (1 - x) + 1 = 2$.

Ha x nem egész, akkor az (1)-ből adódó

$$1 - x = -[x] + (1 - \{x\})$$

kifejezésben $-[x]$ nyilván egész, továbbá $0 < \{x\} < 1$ miatt $0 < 1 - \{x\} < 1$. Tehát ebben az esetben $[1 - x] = -[x]$, ezért $[x] + [1 - x] + 1 = 1$.

A függvény grafikonja:



Megjegyzés. A függvény nem csak a $(-3; 3)$ intervallumban viselkedik így, hanem az egész számegegyenesen.