

Minél több darabot szeretnénk kapni, ezért megpróbáljuk a lehető legtöbb kis számot előállítani.

Egyjegyű számot tartalmazó darab legfeljebb csak 3 lehet, hiszen mindössze 3 különböző számjegyünk van. Mivel a számok sorrendje kötött, és a kezdő számjegy csak 3-féle lehet, azért ez akárhányjegyű szám esetén is igaz; azaz akárhányjegyű számból is legfeljebb 3 különbözőt állíthatunk elő.

Készítsük el a következő táblázatot:

jegyek száma; darabszám; elhasznált számjegyek száma; összesen elhasznált számjegy;

1	3	3	3
2	3	6	9
3	3	9	18
4	3	12	30
5	3	15	45
6	3	18	63
7	3	21	84

Eddig összesen 84 számjegyet használtunk el, 21 vágással 22 darab számot kaptunk. A maradék hatjegyű szám ekkor már mindenképpen előfordult a már levágott hatjegyű számok között. Feldarabolásával sem kaphatunk az eddigiektől különbözőt, mivel azok is már mind előfordultak. Marad az a lehetőség, hogy egy már levágott – legalább kétjegyű – számot veszünk hozzá; így szükségképpen olyan számot kapunk, ami eddig még nem fordult elő. Tehát a szalagot legfeljebb 21 részre vághatjuk szét.

A következő példán bemutatjuk, hogy ilyen szétvágás valóban létezik is:

$$\begin{array}{cccccccccccccccc}
 \underbrace{1}_{1} & \underbrace{231}_{3} & \underbrace{2}_{1} & \underbrace{312}_{3} & \underbrace{3}_{1} & \underbrace{123}_{3} & \underbrace{12}_{2} & \underbrace{31231}_{5} & \underbrace{23}_{2} & \underbrace{12312}_{5} & \underbrace{31}_{2} & \underbrace{23123}_{5} & \underbrace{123123}_{6} \\
 \underbrace{1231231}_{7} & \underbrace{231231}_{6} & \underbrace{2312312}_{7} & \underbrace{312312}_{6} & \underbrace{3123123}_{7} & \underbrace{1231}_{4} & \underbrace{2312}_{4} & \underbrace{3123}_{4} & \underbrace{123123}_{10}
 \end{array}$$