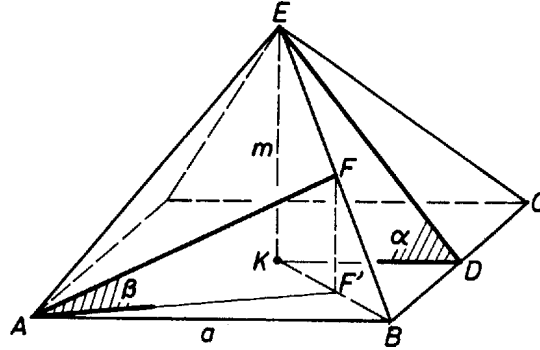


Jelölje a piramis alapélét a , magasságát m . Ekkor a feltétel szerint

$$(1) \quad \begin{aligned} 4a &= 2\pi m, \\ \text{innen } m &= \frac{2a}{\pi}. \end{aligned}$$



A piramis oldallapjai egyenlő szárú háromszögek, amelyekben az alaphoz tartozó súlyvonal egyben magasságvonal is. Tudjuk, hogy egy egyenes és egy sík hajlásszögén az egyenesnek a síkra való merőleges vetületével bezárt szögét értjük. Az ábra jelöléseit és (1)-et felhasználva

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{m}{a/2} = \frac{4a}{a\pi} = \frac{4}{\pi}, \quad \text{ahonnan } \alpha \approx 51^\circ 51'.$$

A másik két súlyvonal a szimmetria miatt ugyanakkora szöget zár be az alapsíkkal, így elegendő az egyiket meghatározni.

Az AF súlyvonal vetülete AF' ; itt F felezi EB -t, F' felezi KB -t, és ezért FF' párhuzamos EK -val. Az AFF' derékszögű háromszögből

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{FF'}{F'A}.$$

(1)-ből $FF' = \frac{m}{2} = \frac{a}{\pi}$, AF' -t pedig meghatározhatjuk a Pitagorasz-tétel segítségével:

$$AF' = \sqrt{AK^2 + KF'^2} = \sqrt{\left(\frac{a\sqrt{2}}{2}\right)^2 + \left(\frac{a\sqrt{2}}{4}\right)^2} = a\sqrt{\frac{5}{8}}.$$

Helyettesítve a kapott értékeket:

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{a/\pi}{a\sqrt{5/8}} = \frac{\sqrt{8}}{\pi\sqrt{5}}, \quad \text{ahonnan } \beta \approx 21^\circ 55'.$$