

Megoldás.

$$(\sqrt{3} + \sqrt{2})^6 = \left[(\sqrt{3} + \sqrt{2})^3 \right]^2 = 485 + 198\sqrt{6}.$$

Ha $(\sqrt{3} - \sqrt{2})^6$ értékét határoznánk meg, úgy $485 - 198\sqrt{6}$ lenne az eredmény. Mivel $\sqrt{3}$ is és $\sqrt{2}$ is kisebb, mint $\sqrt{4}$ és nagyobb, mint $\sqrt{1}$, tehát 1 és 2 közé eső számok, így különbségük 0 és 1 közé esik:

$$0 < \sqrt{3} - \sqrt{2} < 1.$$

Ez igaz $(\sqrt{3} - \sqrt{2})^6$ -ra is:

$$0 < (\sqrt{3} - \sqrt{2})^6 < 1,$$

vagyis

$$0 < 485 - 198\sqrt{6} < 1.$$

Ebből következik

$$484 < 198\sqrt{6} < 485.$$

Tehát a legkisebb egész, ami $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^6$ -nál nagyobb

$$485 + 485 = 970.$$

Csorba Zoltán (Békéscsaba, Sebes György Közg. Szak., I. o. t.)